

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования и науки Республики Коми
Управление образования МР "Печора"
МОУ "СОШ № 3"

РАССМОТРЕНО
ШМО

Руководитель ШМО

_____ С. Н. Королько

Протокол № 1
от "30."08 .2023 г.

СОГЛАСОВАНО
Заместитель директора по УВР

_____ Н. Н. Беленко

Протокол №.1
от "31." 08. 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО
Директор

_____ Э.Н. Копыльцова

Приказ № 234(2)
от "31." 08.2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 707105)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.

Базовый уровень»

для обучающихся 10-11 классов

Составитель программы:

Королько С.Н., учитель математики

2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию

научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных,

иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные

представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

Уравнения и неравенства

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Виды деятельности обучающихся	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Воспитательный компонент
		Всего	Контрольные работы			
1	Повторение	2		Применять основные понятия курса алгебры для решения задач	РЭШ Якласс	ЦНП,ГВ, ЭВ
2	Числовые функции	7	1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, область определения и множество значений функции, график функции; чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства. Выражать формулами зависимость между величинами. Использовать цифровые ресурсы для построения графиков функции и изучения их свойств	РЭШ Якласс	ЦНП,ГВ, ЭВ
3	Тригонометрические	21	2	Оперировать	РЭШ	ЦНП,ГВ, ЭВ

	функции			<p>понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла. Использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции. Выполнять преобразования тригонометрических выражений. Решать основные типы тригонометрических уравнений</p>	Якласс	
4	Тригонометрические уравнения. Преобразования тригонометрических выражений	18	1	<p>Оперировать понятием периодическая функция. Строить, анализировать, сравнивать графики тригонометрических функций. Формулировать и иллюстрировать графически свойства тригонометрических функций. Решать простейшие тригонометрические неравенства. Использовать графики для решения</p>	РЭШ Якласс	ЦНП,ГВ, ЭВ

				тригонометрических неравенств.		
5	Производная	18	2	<p>Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции.</p> <p>Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.</p> <p>Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.</p> <p>Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков. Применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.</p>	РЭШ Якласс	ЦНП, ГВ, ЭВ

				Знакомиться с историей развития математического анализа		
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	2	1	Применять основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных дисциплин	РЭШ Якласс	ЦНП,ГВ, ЭВ
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	7		РЭШ Якласс	ЦНП,ГВ, ЭВ

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		РЭШ Якласс
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12			РЭШ Якласс
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		РЭШ Якласс
4	Производная. Применение производной	24	1		РЭШ Якласс
5	Интеграл и его применения	9			РЭШ Якласс
6	Системы уравнений	12	1		РЭШ Якласс
7	Натуральные и целые числа	6			РЭШ Якласс
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2		РЭШ Якласс
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение. Решение линейных, квадратных и дробно- рациональных уравнений.	1	РЭШ
2	Повторение. Решение линейных, квадратичных и дробно – рациональных неравенств.	1	РЭШ
3	Определение числовой функции. Способы ее задания.	1	РЭШ
4	Область определения и область значения функции. График функции. Понятие о непрерывных функциях. Повторение (построение графиков линейной функции, обратной пропорциональности).	1	РЭШ
5	Свойства функции. Нули функции, промежутки знакопостоянства. Монотонность, наибольшее и наименьшее значение функции. Использование свойств и графиков линейной функции и обратной пропорциональности.	1	РЭШ
6	Свойства функции. Четность и нечетность функции. Использование	1	РЭШ

	свойств и графиков квадратичной функции и функции $y = \sqrt{x}$.		
7	Обратная функция. Графики взаимно-обратных функций.	1	РЭШ
8	Решение задач с использованием свойств числовых функций и их графиков	1	РЭШ
9	Контрольная работа №1 по теме «Числовые функции».	1	РЭШ
10	Градусная мера угла. Решение задач с использованием градусной меры угла. Числовая окружность.	1	РЭШ
11	Числовая окружность на координатной плоскости.	1	РЭШ
12	Синус и косинус произвольного угла. Значения синуса и косинуса для $0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ$. Тангенс и котангенс произвольного угла. Значения тангенса и котангенса для $0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ$.	1	РЭШ
13	Синус и косинус. Тангенс и котангенс произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него.	1	РЭШ
14	Тригонометрические функции числового аргумента.	1	РЭШ
15	Тригонометрическая окружность. Тригонометрические функции углового аргумента. Радианная мера угла.	1	РЭШ
16	Тригонометрические функции углового	1	РЭШ

	аргумента. Радианная мера угла. Значение синуса, косинуса, тангенса, котангенса для $\pi/3$, $\pi/6$, $\pi/2$, $\pi/4$, $3\pi/2$, π , 2π .		
17	Тригонометрические функции углового аргумента. Радианная мера угла.	1	РЭШ
18	Формулы приведения.	1	РЭШ
19	Формулы приведения.	1	РЭШ
20	Контрольная работа №2 по теме «Тригонометрические функции»	1	РЭШ
21	Функция $y = \sin x$, ее свойства и график.	1	РЭШ
22	Функция $y = \sin x$, ее свойства и график. Преобразования графиков функции $y = \sin x$: сдвиг вдоль координатных осей, отражение относительно координатных осей. Периодичность функции $y = \sin x$	1	РЭШ
23	Функция $y = \cos x$, ее свойства и график.	1	РЭШ
24	Функция $y = \cos x$, ее свойства и график. Преобразования графиков функции $y = \cos x$: сдвиг вдоль координатных осей, отражение относительно координатных осей. Периодичность функции $y = \cos x$.	1	РЭШ
25	Преобразования графиков тригонометрических функций: сдвиг вдоль координатных осей, отражение относительно координатных осей.	1	РЭШ
26	Преобразования графиков	1	РЭШ

	тригонометрических функций: растяжения и сжатие вдоль координатных осей. Сложные функции.		
27	Функции $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$, их свойства и графики.	1	РЭШ
28	Функции $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$, их свойства и графики. Преобразования графиков тригонометрических функций $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$.	1	РЭШ
29	Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики.	1	РЭШ
30	Контрольная работа № 3 по теме «Тригонометрические функции»	1	РЭШ
31	Арккосинус числа. Решение простейшего тригонометрического уравнения $\cos t = a$.	1	РЭШ
32	Решение простейшего тригонометрического уравнения $\cos t = a$.	1	РЭШ
33	Арксинус числа. Решение простейшего тригонометрического уравнения $\sin t = a$.	1	РЭШ
34	Решение простейшего тригонометрического уравнения $\sin t = a$.	1	РЭШ
35	Арктангенс числа и арккотангенс числа. Решение простейших тригонометрических уравнений $\operatorname{tg} x = a$ и $\operatorname{ctg} x = a$.	1	РЭШ
36	Решение тригонометрических уравнений методом разложения на множители.	1	РЭШ

37	Решение тригонометрических уравнений методом сведения к квадратному уравнению.	1	РЭШ
38	Решение однородных тригонометрических уравнений.	1	РЭШ
39	Синус и косинус суммы и разности аргументов.	1	РЭШ
40	Синус и косинус суммы и разности аргументов.	1	РЭШ
41	Тангенс суммы и разности аргументов.	1	РЭШ
42	Формулы двойного угла.	1	РЭШ
43	Формулы двойного угла.	1	РЭШ
44	Преобразование сумм тригонометрических функций в произведения.	1	РЭШ
45	Преобразование сумм тригонометрических функций в произведения.	1	РЭШ
46	Преобразование произведений тригонометрических функций в суммы.	1	РЭШ
47	Преобразование произведений тригонометрических функций в суммы.	1	РЭШ
48	Контрольная работа № 4 по теме «Преобразования тригонометрических выражений. Тригонометрические уравнения»	1	РЭШ
49	Определение производной. Производная функции в точке.	1	РЭШ

50	Геометрический и физический смысл производной.	1	РЭШ
51	Геометрический и физический смысл производной.	1	РЭШ
52	Производные элементарных функций.	1	РЭШ
53	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	РЭШ
54	Вычисление производных. Производная сложной функции	1	РЭШ
55	Вычисления производных.	1	РЭШ
56	Контрольная работа № 5 по теме «Определение производной. Вычисление производной».	1	РЭШ
57	Касательная к графику функции. Уравнение касательной к графику функции.	1	РЭШ
58	Уравнение касательной к графику функции.	1	РЭШ
59	Понятие о непрерывных функциях. Применение производной для исследования функций.	1	РЭШ
60	Точки экстремума (максимума и минимума). Применение производной для исследования функций.	1	РЭШ
61	Исследование элементарных функций на точки экстремума с помощью производной.	1	РЭШ
62	Построение графиков функций с	1	РЭШ

	помощью производной. Исследование функции на монотонность.		
63	Применение производной для отыскания наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на промежутке.	1	РЭШ
64	Применение производной для отыскания наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на промежутке.	1	РЭШ
65	Применение производной при решении задач. Задачи на отыскание наибольших и наименьших значений величин.	1	РЭШ
66	Контрольная работа № 6 по теме «Касательная к графику функции. Применение производной»	1	
67	Повторение	1	
68	Итоговая контрольная работа.	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Степень с рациональным показателем	1	РЭШ
2	Свойства степени	1	РЭШ
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1	РЭШ
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1	РЭШ
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1	РЭШ
6	Показательные уравнения и неравенства	1	РЭШ
7	Показательные уравнения и неравенства	1	РЭШ
8	Показательные уравнения и неравенства	1	РЭШ
9	Показательные уравнения и неравенства	1	РЭШ
10	Показательные уравнения и неравенства	1	РЭШ
11	Показательная функция, её свойства и график	1	РЭШ
12	Контрольная работа по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"	1	РЭШ
13	Логарифм числа	1	РЭШ
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1	РЭШ
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	РЭШ

16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	РЭШ
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	РЭШ
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1	РЭШ
19	Логарифмические уравнения и неравенства	1	РЭШ
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1	РЭШ
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1	РЭШ
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1	РЭШ
23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	РЭШ
24	Логарифмическая функция, её свойства и график	1	РЭШ
25	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	РЭШ
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	РЭШ
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	РЭШ
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	РЭШ
29	Примеры тригонометрических неравенств	1	РЭШ

30	Примеры тригонометрических неравенств	1	РЭШ
31	Примеры тригонометрических неравенств	1	РЭШ
32	Примеры тригонометрических неравенств	1	РЭШ
33	Контрольная работа по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1	РЭШ
34	Непрерывные функции	1	РЭШ
35	Метод интервалов для решения неравенств	1	РЭШ
36	Метод интервалов для решения неравенств	1	РЭШ
37	Производная функции	1	РЭШ
38	Производная функции	1	РЭШ
39	Геометрический и физический смысл производной	1	РЭШ
40	Геометрический и физический смысл производной	1	РЭШ
41	Производные элементарных функций	1	РЭШ
42	Производные элементарных функций	1	РЭШ
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1	РЭШ

44	Производная суммы, произведения, частного функций	1	РЭШ
45	Производная суммы, произведения, частного функций	1	РЭШ
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	РЭШ
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	РЭШ
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	РЭШ
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	РЭШ
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ
54	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ
55	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1	РЭШ

56	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1	РЭШ
57	Контрольная работа по теме "Производная. Применение производной"	1	РЭШ
58	Первообразная. Таблица первообразных	1	РЭШ
59	Первообразная. Таблица первообразных	1	РЭШ
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1	РЭШ
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1	РЭШ
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1	РЭШ
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1	РЭШ
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1	РЭШ
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1	РЭШ
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1	РЭШ
67	Системы линейных уравнений	1	РЭШ
68	Системы линейных уравнений	1	РЭШ
69	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1	РЭШ
70	Решение прикладных задач с помощью	1	РЭШ

	системы линейных уравнений		
71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1	РЭШ
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1	РЭШ
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1	РЭШ
74	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1	РЭШ
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1	РЭШ
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1	РЭШ
77	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1	РЭШ
78	Контрольная работа по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"	1	РЭШ
79	Натуральные и целые числа в задачах из	1	РЭШ

	реальной жизни		
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1	РЭШ
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1	РЭШ
82	Признаки делимости целых чисел	1	РЭШ
83	Признаки делимости целых чисел	1	РЭШ
84	Признаки делимости целых чисел	1	РЭШ
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1	РЭШ
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1	РЭШ
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1	РЭШ
93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1	РЭШ
94	Повторение, обобщение, систематизация	1	РЭШ

	знаний. Неравенства		
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1	РЭШ
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1	РЭШ
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1	РЭШ
98	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1	РЭШ
99	Итоговая контрольная работа	1	
100	Итоговая контрольная работа	1	
101	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1	
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Ш.А.Алимова. Математика: Алгебра и начала математического анализа, 10-11 класса. М: «Просвещение»,2023

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Н.Е.Федорова, М.В.Ткачева, Методические рекомендации к учебнику

Ш.А.Алимова. Математика: Алгебра и начала математического анализа, 10-11 класса. М: «Просвещение»,2023

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ
ИНТЕРНЕТ**

1. <https://resh.edu.ru/>
2. <https://www.yaklass.ru/>

